

Воронежский государственный университет  
Московский государственный  
университет им. М. В. Ломоносова  
Математический институт им. В. А. Стеклова РАН

# СОВРЕМЕННЫЕ МЕТОДЫ ТЕОРИИ ФУНКЦИЙ И СМЕЖНЫЕ ПРОБЛЕМЫ

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = 1$$

МАТЕРИАЛЫ

Воронежской зимней математической школы

Воронежский государственный университет  
Московский государственный университет им. М. В. Ломоносова  
Математический институт им. В. А. Стеклова РАН

# СОВРЕМЕННЫЕ МЕТОДЫ ТЕОРИИ ФУНКЦИЙ И СМЕЖНЫЕ ПРОБЛЕМЫ

МАТЕРИАЛЫ

Воронежской зимней математической школы



УДК 517.53 (97; 98) Издание осуществлено при поддержке Российского фонда фундаментальных исследований по проекту 10–01–06838 моб\_г

Современные методы теории функций и смежные проблемы: Материалы Воронежской зимней математической школы. – Воронеж: ВГУ, 2011. 374 с.

В сборнике представлены материалы докладов и лекций, включенных в программу Воронежской зимней математической школы, проводимой Воронежским госуниверситетом совместно с Математическим институтом им. В. А. Стеклова РАН и Московским государственным университетом.

Тематика охватывает широкий спектр проблем теории функций, оптимального управления, теории игр, качественной и спектральной теории дифференциальных уравнений, геометрии и анализа, моделирования и других смежных направлений, а также проблем преподавания математики в средних и высших учебных заведениях.

**Оргкомитет:**

Б. С. Капин (председатель), В. Т. Титов (сопредседатель), А. М. Ховив (зам. председателя), Б. И. Голубов (зам. председателя), А. Д. Баев (зам. председателя), Ю. В. Покорный (зам. председателя), А. В. Абанин, А. В. Боровских, С. В. Бочкарев, А. В. Глушко, Е. П. Долженко, В. Н. Дубинин, М. И. Дьяченко, С. В. Конагин, Г. А. Курина, М. С. Никольский, И. Я. Новиков, В. И. Овчинников, Е. С. Половинкин, В. В. Провоторов, Ю. И. Сапронов, А. М. Седлецкий, Ю. Н. Субботин, А. П. Хромов, А. А. Шкаликов, С. А. Шабров (ученый секретарь).

асимптотику:  $\lambda_n \sim Cn^\beta$ ,  $C > 0$ ,  $\beta > 1$ . Пусть  $P$  - ограниченный оператор в  $H$ . Обозначим через  $v_n$  - ортонормированные собственные функции оператора  $T$  соответствующие собственным числам  $\lambda_n$ , а через  $u_n$  собственные функции оператора  $T+P$ .

**Теорема .** Имеет место асимптотика

$$u_n = v_n + \sum_{m \neq n} \frac{(Pv_n, v_m)v_m}{\lambda_n - \lambda_m} + O\left(\frac{1}{n^{2(\beta-1)}}\right)$$

## ЛОКАЛЬНАЯ РАЗРЕШИМОСТЬ ОДНОЙ ОДНОФАЗНОЙ ЗАДАЧИ СО СВОБОДНОЙ ГРАНИЦЕЙ

Селиванова Н.Ю., Шамолин М.В. (Москва)

*shamolin@imec.msu.ru, shamolin@rambler.ru*

Изучается некоторая однофазная задача со свободной границей. Доказывается локальная разрешимость (по времени) данной задачи, при этом разрабатываемый общий метод применяется в более конкретном случае. Для этого вводятся новая замена переменных, параметризация границы, и исследуемая задача сводится к задаче в постоянной области [1–5].

### Литература

1. Годунов С.К. Уравнения математической физики. М.: Наука, 1979.
2. Данилюк И.И. О задаче Стефана // Успехи мат. наук. 1985. 40, № 5(245). С. 133–185.
3. Елтышева Н.А. О качественных свойствах решений некоторых гиперболических систем на плоскости // Мат. сб. 1988. 132, № 2. С. 186–209.
4. Лаврентьев М.М. (мл.), Люлько Н.А. Повышение гладкости решений некоторых гиперболических задач // Сиб. мат. ж. 1997. 38, № 1. С. 109–124.
5. Карташов Э.М. Аналитические методы решения краевых задач нестационарной теплопроводности в областях с движущимися границами // Изв. РАН. Сер. Энергетика. 1999. № 5. С. 3–34.