

Путём приравнивания нулю всех компонент тензора несовместности Крёнера ранга $2n - 4$ либо дуального к нему тензора Римана $\mathbf{R}^{\{4\}}(\tilde{\xi}(\mathbf{x}))$ выводятся $n^2(n^2 - 1)/12$ независимых уравнений совместности в напряжениях в n -мерной изотропной упругой среде:

$$2R_{rmst}(\tilde{\xi}(\varphi(\mathbf{x}))) = \sigma_{rs,mt} + \sigma_{mt,rs} - \sigma_{ms,rt} - \sigma_{rt,ms} + \\ + \frac{\nu}{1 + \nu} (\Theta_{,rt}\delta_{ms} + \Theta_{,ms}\delta_{rt} - \Theta_{,mt}\delta_{rs} - \Theta_{,rs}\delta_{mt}) = 0, \quad (1)$$

где запятая в индексе означает частное дифференцирование по соответствующей координате, ν — коэффициент Пуассона, присутствующий в обратном законе Гука

$$\varepsilon_{ij} = \frac{1}{E} (-\nu \Theta \delta_{ij} + (1 + \nu) \sigma_{ij}), \quad \Theta = \sigma_{kk}. \quad (2)$$

По повторяющимся два раза индексам ведётся суммирование от 1 до n .

Исследуется вопрос [1–5] об эквивалентности системы (1) другим известным в теории упругости системам уравнений совместности в напряжениях, следующим только из равенства нулю всех $n(n + 1)/2$ компонент тензора Риччи:

$$\Delta\sigma_{ms} + \frac{1 + (3 - n)\nu}{1 + \nu} \Theta_{,ms} - \frac{\nu}{1 + \nu} \Delta\Theta \delta_{ms} - \sigma_{mr,rs} - \sigma_{sr,rm} = 0 \quad (3)$$

либо только одного инварианта кривизны:

$$\Delta\Theta = \frac{1 + \nu}{1 + (2 - n)\nu} \sigma_{mr,mr}. \quad (4)$$

Показывается, что ответ на этот вопрос зависит от размерности пространства. Выделяются три случая: $n = 2$ (плоская задача теории упругости), $n = 3$ (пространственная задача теории упругости) и $n \geq 4$.